



## التمرين الأول:

جدول التغيرات الموالي هو لدالة  $u$  معرفة على  $D_u = [-2; 3]$

$x$	-2	-1	0	1	2	3
$u'(x)$	+	0	-	-	0	+
$u(x)$	1	2	0	-2	0	3

(1) عيّن إشارة  $u(x)$ .

(2) تعتبر الدالة  $f$  المعرفة كما يلي:  $f = u^2$

أ) عيّن مجموعة تعريف لكل دالة من الدوال  $f$

ب) عبّر عن  $f'(x)$  بدلالة  $u'(x)$  و  $u(x)$ .

ج) استنتج جدول تغيرات الدالة  $f$ .

## التمرين الثاني:

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{0; 2\}$  بـ:  $f(x) = \ln \left| \frac{x}{x-2} \right|$

(1) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{0; 2\}$  لدينا:  $f(2-x) + f(x) = 0$

(2) استنتج مركز تناظر للمنحن  $(C_f)$

## التمرين الثالث:

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$

(1) ادرس تغيرات الدالة  $f$ .

(2) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :  $f(-x) + f(x) = 1$

- استنتج مركز تناظر للمنحن  $(C_f)$ .

## التمرين الرابع:

$g$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = 1 + (x^2 + x - 1)e^{-x}$

(1) احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) بين أن  $g(x) = 0$  تقبل حلين أحدهما معدوم والآخر  $\alpha$  محصور بين -1,52 و -1,51

(4) استنتج إشارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$ .

## التمرين الخامس:

- (I) نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = 2 - x^2 e^{1-x}$  و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  حيث:  $\|\vec{j}\| = 1cm$  ;  $\|\vec{i}\| = 2cm$
- 1) احسب نهاية الدالة  $f$  عند  $-\infty$
  - 2) بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$  مفسرا النتيجة بيانيا.
  - 3) أ - حل في  $\mathbb{R}$  المترابحة التالية:  $x^2 - 2x \leq 0$   
ب - تحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :  $f'(x) = (x^2 - 2x)e^{1-x}$   
ج - استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها .
  - د - اكتب معادلة للمماس  $(T)$  للمنحن  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 1
  - 4) لتكن الدالة  $h$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $h(x) = 1 - xe^{1-x}$   
أ - ادرس اتجاه تغير الدالة  $h$  على  $\mathbb{R}$  ثم استنتج أنه من أجل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :  $h(x) \geq 0$   
ب - ادرس الوضعية النسبية للمماس  $(T)$  و المنحن  $(C_f)$
  - 5) بين أن المعادلة  $(C_f)$  يقطع حاما محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $\alpha$  حيث:  $-1 < \alpha < 0$
  - 6) انشئ المماس  $(T)$  و المنحن  $(C_f)$  على المجال  $[-1; +\infty[$
  - 7) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد حلول المعادلة:  $x^2 e^{1-x} = -m$
- (II)  $F$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $F(x) = ax + (x^2 + bx + c)e^{1-x}$
- 1) اوجد بدلالة الأعداد الحقيقية  $a$ ،  $b$ ، و  $c$  عبارة  $F'(x)$
  - 2) استنتج قيم الأعداد  $a$ ،  $b$ ، و  $c$  بحيث يكون من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :  $F'(x) = f(x)$

